

مدت امتحان ۱۳۰ دقیقه	تاریخ امتحان ۱۴۰۱/۱/۳۱	رشته: ریاضی و فیزیک	سئوالات امتحان شبہ نهایی درس: حسابان ۲
ساعت شروع: ۸ صبح	اداره کل آموزش و پرورش استان چهار و محال و بختیاری	پایه دوازدهم دوره متوسطه	با آرزوی قبولی طاعت و عبادات شما دانش آموزان عزیز
تعداد صفحه: ۲	نام و نام خانوادگی		
نمره	سئوالات		
۰/۲۵	<p>درست یا نادرست بودن جمله های زیر را مشخص کنید</p> <p>الف) اگر $1 > k$ باشد، نمودار $y = f(kx)$ از انبساط نمودار $y = f(x)$ در راستای محور x ها بدست می آید.</p> <p>ب) نمودار تابع $y = x^3$ در بازه $[1, 0]$ پایین تراز نمودار تابع $y = x^2$ قرار دارد.</p> <p>ج) نقاطی به فرم $x = k\pi + \frac{\pi}{2}$ که در آن $k \in \mathbb{Z}$ در دامنه تابه تانژانت قرار ندارند.</p> <p>د) مینیمم تابع $y = -3 \cos(\pi x) + 2$ برابر یک است.</p>		
۰/۲۵	<p>جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) اگر $\left(\frac{1}{2}\right)^{3x-2} \leq \frac{1}{16}$ باشد، حدود x برابر با است.</p> <p>ب) برای آنکه تابع $y = ax + b$ در دامنه اش هم صعودی باشد و هم نزولی، مقدار a باید برابر با باشد.</p> <p>ج) دوره تناوب تابع $y = -\frac{1}{4} \cos(\pi x)$ برابر با است.</p>	۱	
۰/۲۵	<p>مقادیر a, b را طوری تعیین کنید که چند جمله ای $p(x) = x^3 + ax^2 + bx + 1$ بر $x-2$ بخش پذیر باشد</p>		
۱	<p>تابع $f(x) = \begin{cases} ax+b & x > 1 \\ x^3 - 2x & x \leq 1 \end{cases}$ در $x=1$ مشتق پذیر است. حاصل a, b را بدست اورید.</p>	۲	
۰/۷۵	<p>با در نظر گرفتن نمودار f در شکل، به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) طول نقطه ای که مماس در آن افقی باشد.</p> <p>ب) طوا نقطه ای که مشتق در آن مقداری منفی است.</p> <p>ج) طول نقطه ای که تابع در آن مشتق پذیر نیست.</p>		
۱	<p>برای تابع f در شکل مقابل داریم. اگر $f(4) = 1/5$ و $f'(4) = 25$ با توجه به شکل، مختصات نقاط C, B, A را بیابید.</p>	۳	

ردیف	سؤالات	نمره
۷	چند جمله‌ای $1 + x^5$ را بر حسب عامل $1 + x$ تجزیه کنید.	۱
۸	معادله‌ی $\cos 2x + \cos x + 1 = 0$ را حل کنید.	۱
۹	با توجه به نمودار تابع f که در شکل زیر آورده شده است. به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) $\lim_{x \rightarrow (-2)^-} f(x) = \dots$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \dots$	۰/۵
۱۰	حاصل حد های زیر را بدست آورید. الف) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{3x+1}{x-5} - \frac{2}{x} \right)$ ب) $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{[x]-2}{3-x}$	۱
۱۱	مجانب‌های قائم و افقی تابع $f(x) = \frac{3x}{x^3-1}$ را بیابید.	۱/۵
۱۲	نشان دهید، نقطه‌ی به طول $1 = x$ ، نقطه‌ی گوشه‌ای برای تابع $f(x) = x^3 + x $ می‌باشد.	۱
۱۳	مشتق توابع زیر را محاسبه کنید. (ساده کردن الزامی نیست) الف) $f(x) = \frac{5 \cos x}{1 - \sin x}$ ب) $f(x) = (x^3 + 1)^3 (5x - 1)$	۱/۵
۱۴	آهنگ تغییر لحظه‌ای تابع $f(x) = 2x^3 + 5x^2 + x + 1$ در نقطه‌ی $x = 2$ چند برابر آهنگ تغییر لحظه‌ای آن در $x = -1$ است؟	۱
۱۵	مقادیر اکسترمم‌های نسبی و مطلق تابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + x^2$ را در بازه $[-2, 3]$ به دست آورید.	۱/۵
۱۶	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$ رارسم کنید.	۲
۱۷	جهت نظر و نقطه‌ی عطف نمودار تابع $f(x) = -x^3 + 3x^2 + x + 1$ را بدست آورید.	۲
	"موفق باشید"	۲۰